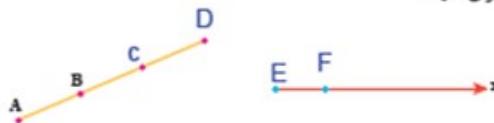
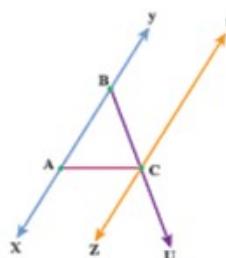




۱- ماتنده نمونه ها شکل را با حروف انگلیسی نام گذاری کنید.



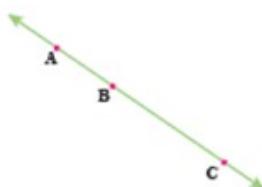
۲- در شکل زیر نام خط ها، نیم خط ها و پاره خط ها را بنویسید و در صورت لزوم از راهبرد الگوسازی استفاده کنید.



خط : zt, xy

نیم خط : $Bu, Cu, Cz, Ct, Ay, Bx, Ax, By$

پاره خط : AC, BC, AB



۳- در شکل مقابل نقاط A و C روی یک خط قرار دارند.

رابطه های زیر را کامل کنید.

$$\overline{AB} + \overline{BC} = \underline{\underline{AC}}$$

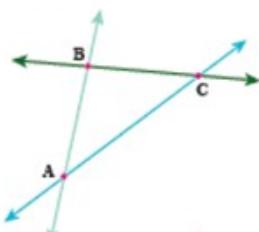
$$\overline{AC} - \overline{AB} = \underline{\underline{BC}}$$

$$\overline{AC} - \overline{CB} = \underline{\underline{AB}}$$

$$\overline{CB} + \overline{BA} = \underline{\underline{CA}}$$

۴- در شکل زیر نقاط A, B, C روی یک خط قرار ندارند.

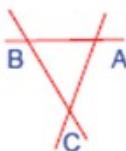
نقاط A, B, C یک مثلث تشکیل نداده اند. این مثلث ABC نام دارد و آن را به صورت $\triangle ABC$ با $\triangle ABC$ نمایش می دهیم.
رابطه های زیر را کامل کنید.



$$\overline{AB} + \overline{BC} > \underline{\underline{AC}}$$

$$\overline{AB} + \overline{AC} > \underline{\underline{BC}}$$

$$\overline{BC} + \overline{AC} > \underline{\underline{AB}}$$



یک مثلث دلخواه دیگر رسم کنید و آنرا ABC بنامید.

آیا همین رابطه ها در آن مثلث هم برقرار باهست؟

$$\begin{aligned}\overline{AB} + \overline{BD} &> \overline{AD} \\ \overline{AD} + \overline{BD} &> \overline{AB} \\ \overline{BD} - \overline{BE} &= \overline{DE}\end{aligned}$$

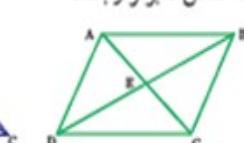
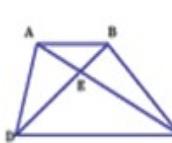
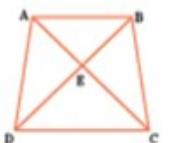
$$\begin{aligned}\overline{AB} + \overline{BC} &> \overline{AC} \\ \overline{AB} + \overline{AC} &> \overline{BC} \\ \overline{AC} + \overline{BC} &> \overline{AB} \\ AC - AE &= EC \\ AC - EC &= AE\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\overline{BC} + \overline{DC} &> \overline{BD} \\ \overline{BC} + \overline{BD} &> \overline{DC} \\ \overline{BD} + \overline{DC} &> \overline{BC}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\overline{AD} + \overline{DC} &> \overline{AC} \\ \overline{AD} + \overline{AC} &> \overline{DC} \\ \overline{DC} + \overline{AC} &> \overline{AD}\end{aligned}$$

Donanish.R

۱- مانند نمونه رابطه های دیگری را بنویسید که در همه شکل ها برقرار باشد.

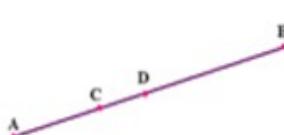


$$\overline{AB} + \overline{AD} > \overline{BD}$$

$$\overline{BD} - \overline{DE} = \overline{BE}$$

زیرا دایره $\overline{DB} = 4\text{cm}$, $\overline{AC} = 2\text{cm}$, $\overline{AB} = 3\text{cm}$ مخفف سانتی متر است.

بک رابطه جبری بنویسید و با جایگزین کردن عددها، طول پاره خط CD را بدست آورید.



$$\overline{AC} + \overline{CD} + \overline{DB} = \overline{AB}$$

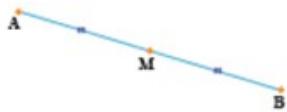
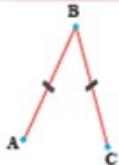
$$y + \overline{CD} + r = v$$

$$\overline{CD} + s = v$$

$$\overline{CD} = v - s = 1$$

۱- پاره خط های مساوی را به صورت رو به رو در شکل مشخص می کنیم.

علامت ها نشان می دهند که : $\overline{AB} = \overline{AC}$



در شکل مقابل M وسط پاره خط AB است.

اندازه کدام دو پاره خط با هم مساوی اند؟ $\overline{AM} = \overline{MB}$

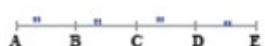
تساوی این دو پاره خط را با علامت گذاری روی شکل نشان دهد. تساوی های زیر را با نوشتن عدد مناسب کامل کنید.

$$\overline{AB} = 2 \cdot \overline{AM}$$

$$\overline{AM} = 0.5 \cdot \overline{AB}$$

$$BE = 3AB$$

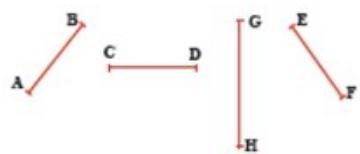
۲- در شکل زیر پاره خط های AD، BC، AB و DE با هم مساوی اند. طول کدام پاره خطها برابر $3\overline{AB}$ است؟



$$BD = 2AB \quad CE = 2AB \quad AC = 2AB \quad \text{طول کدام پاره خطها برابر } 3\overline{AB} \text{ است؟}$$

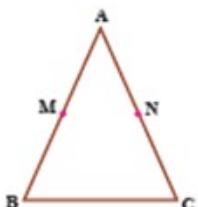
چند پاره خط در شکل رو به رو دیده می شود؟ ۱۰ تا

۳- با توجه به پاره خط هایی که در شکل زیر می بینید، اگر بدانیم $\overline{EF} < \overline{GH}$ و $\overline{DC} = \overline{EF}$ ، رابطه های زیر را کامل کنید. (این علامت \Rightarrow یعنی نتیجه می گیریم) :



$$\begin{cases} \overline{AB} = \overline{DC} \\ \overline{DC} = \overline{EF} \end{cases} \Rightarrow \overline{AB} = \overline{EF}$$

$$\begin{cases} \overline{AB} = \overline{EF} \\ \overline{EF} < \overline{GH} \end{cases} \Rightarrow \overline{AB} < \overline{GH}$$



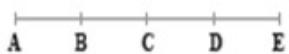
۴- مثلث ABC متساوی الاضافی است؛ یعنی :

نقطه M وسط AB و نقطه N وسطی AC است.

هر دو $\overline{AN} = \overline{AM}$

$$\overline{AB} = \overline{AC} \Rightarrow \frac{1}{2}\overline{AB} = 0.5\overline{AC} \Rightarrow \overline{AM} = \overline{AN}$$

۱- اگر پاره خط های AB، BC، CD و DE با هم برابر باشند، تساوی ها را با نوشتن عدد مناسب کامل کنید.



$$\overline{AC} = \underline{2} \overline{AB} \quad \overline{CE} = \underline{2/4} \overline{AE}$$

$$\overline{AE} = \underline{4/3} \overline{BE} \quad \overline{BC} = \underline{1} \overline{BC}$$

۲- در شکل مقابل نقاط A، B، C و D روی یک خط قرار گرفته اند.



$$\overline{AB} = \overline{CD} : \text{می دانیم}$$

کدام پاره خط هم اندازه AC است؟ BD جواب
چون $AB=CD$ و BC میثاق بین AC و BD است

Donanish.ir

۱- با رسم شکل های مناسب به سؤالهای زیر پاسخ دهید.



ب) از یک نقطه چند خط می گذرد؟

پدیده

الف) از یک نقطه چند خط می گذرد؟

پدیده

ج) از دو نقطه چند خط از (نوع مختلف) می گذرد؟

پدیده

د) از دو نقطه چند خط راست می گذرد؟

پدیده

ج) از دو نقطه چند خط از (نوع مختلف) می گذرد؟

پدیده

د) از دو نقطه چند خط راست می گذرد؟

پدیده

۲- یک خط را پس از نقاط A, B, C, D را طوری روی آن نامگذاری کنید که رابطه زیر درست باشد.

$$\overline{BD} - \overline{AD} = \overline{BC} + \overline{AC}$$

$$\text{B} \quad \text{C} \quad \text{A} \quad \text{D}$$

۳- اگر روی یک خط راست ۱۰ نقطه بگذارید، چند نهم خط به وجود می آید که سر آن ها روی این نقاط باشند؟ چرا؟

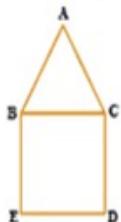
۴- نقطه C وسط پاره خط AB، نقطه D وسط پاره خط AC و نقطه E وسط پاره خط AD است.

$$\text{A} \quad \text{E} \quad \text{D} \quad \text{C} \quad \text{B}$$

$$\text{C} \quad \text{A} \quad \text{D}$$

باره خط AB به ۸ قسمت تقسیم شده است

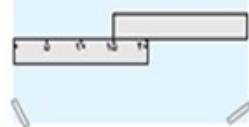
۵- در شکل رویه رو یک مریع و یک مثلث متساوی الاضلاع دیده می شود.



$$\text{BE} = \overline{AC}$$

$$\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{AC} \quad \text{اضلاع مثلث متساوی الاضلاع}$$

$$\overline{CD} = \overline{ED} = \overline{BC} = \overline{BE} \quad \text{اضلاع مریع}$$



۶- دو خط کش ۲ سانتی متری را مانند شکل رویه رو، روی یک صفحه کاغذ فرارداده ایم.

طول این صفحه چند سانتی متر است؟

$$AD = AB + BD - BC \quad 35 = 20 + 20 - 5$$

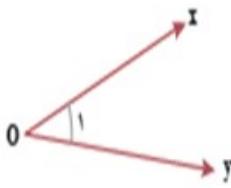
۷- اندازه قدرت علی را با a، اندازه قدرت حسن را با b و اندازه قدرت حسین را با c نشان می دهیم.

$$\begin{cases} a > b \\ b = c \end{cases} \Rightarrow a > c$$

قد علی از قد حسین بزرگتر است

رابطه زیر را کامل کنید و نتیجه را به فارسی بنویسید.

DonyaLan.R



زاویه مقابل نامگذاری شده و به چند صورت خوانده می شود. چرا از حروف کوچک و بزرگ

راسنامه ای و ابلجھ حروف بزرگ و چون افعال زاویه نیم خط است پیابان نیم خط را با

$$\hat{xOy} = \hat{yOx} = \hat{O} = \hat{O_1} = \hat{1}$$

حروف کوچک نهایش میدهیم

۱- با انواع زاویه ها در سال گذشته آشنایی شده اید، زاویه ها را نام گذاری کنید و نوع هر کدام را مشخص کنید.



۲- تساوی بین زاویه ها را کامل کنید.

$$\hat{xOy} + \hat{yOz} = \hat{xOz}$$

$$\hat{O_1} + \hat{O_2} = \hat{xOz}$$

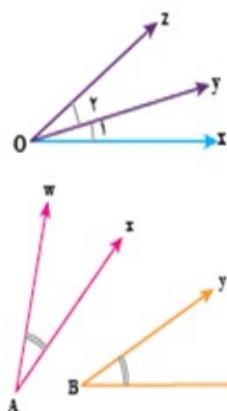
$$\hat{xOz} - \hat{xOy} = \hat{zOy}$$

$$\hat{xOz} - \hat{O_1} = \hat{zOy}$$

۳- دو زاویه مساوی را به صورت رو به رو در شکل مشخص می کنیم :

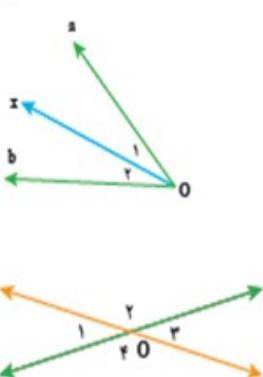
$$\hat{wAx} = \hat{yBz}$$

علامت هاشان می دهند که :



۴- در شکل مقابل Ox نیمساز زاویه $a\hat{Ob}$ است. زاویه $\hat{O_1}$ با کدام زاویه مساوی است؟

تساوی این دو زاویه را با علامت گذاری روی شکل نشان دهید.



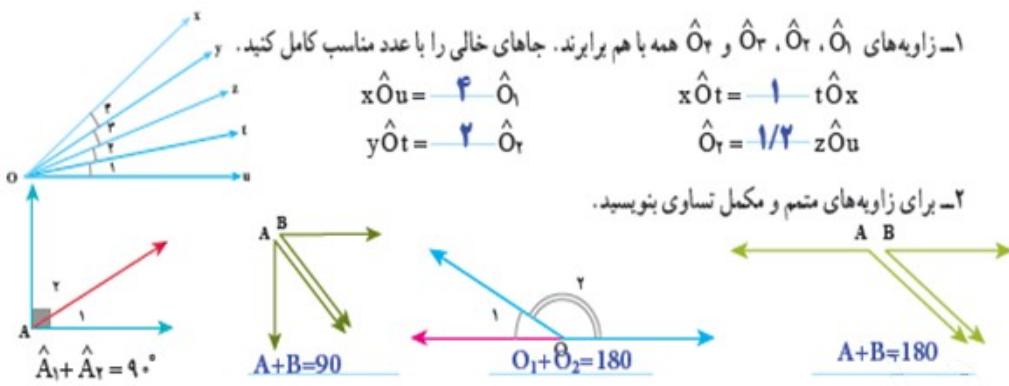
۵- در شکل مقابل دو خط پکدیگر را در نقطه \hat{O} قطع کرده اند.

$$\left. \begin{array}{l} \hat{O_1} + \hat{O_2} = 180 \\ \hat{O_3} + \hat{O_2} = 180 \end{array} \right\} \Rightarrow \underline{\hat{O_1}} = \underline{\hat{O_3}}$$

می دانیم $\hat{O_1} = \hat{O_3}$ است. اندازه زاویه های دیگر را با نوشتن یک تساوی پیدا کنید.

$$\hat{O_4} = 180 - \hat{O_1} = \hat{O_4}$$

$$\hat{O_2} = \hat{O_1} = 90$$



DonyaLab.ir

۱- می دانیم در هر مثلث، مجموع زاویه ها برابر 180° است.
مثلث ها را با توجه به اندازه زاویه هایشان به سه دسته تقسیم می کنیم:

○ مثلث هایی که هر سه زاویه آنها تند است.

○ مثلث هایی که یک زاویه راست دارند.

○ مثلث هایی که یک زاویه باز دارند.

چرا مثلث نمی تواند دو زاویه راست داشته باشد؟

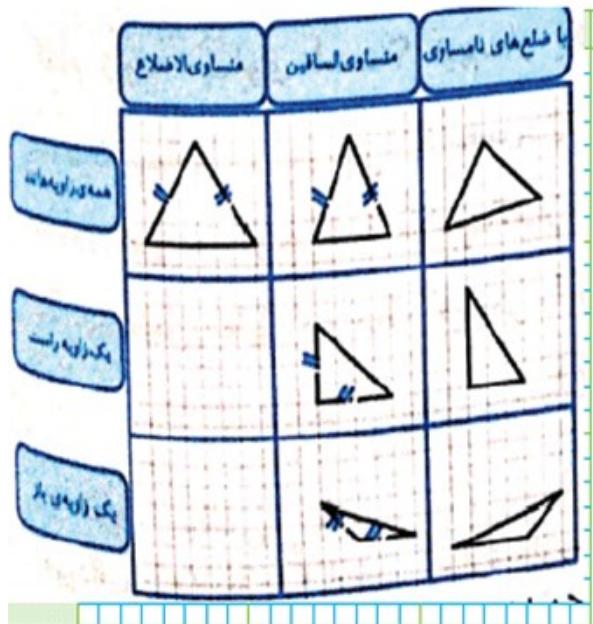
چون اگر دو زاویه راست (90°) داشته باشد
مجموع دو زاویه 90° درجه با اویه سوم از 180°
درجه بیشتر می شود و این امکان ندارد

۲- می خواهیم در هر قسم جدول مقابل یک
مثلث رسم کنیم.

در کدام قسم های نمی توانیم مثلث رسم کنیم؟

در قسم هایی که می توانیم مثلث رسم کنیم، یک
مثلث پکشید.

مثلث هایی را که نمی توان رسم کرد مثلث متساوی
الاضلاع و یک زاویه راست و مثلث متساوی
الاضلاع و یک زاویه باز چون در مثلث متساوی
الاضلاع هر سه زاویه 60° درجه می باشد



چندضلعی های نافر (کا) و محذب (کوز) را در شکل زیر مشخص کنید.

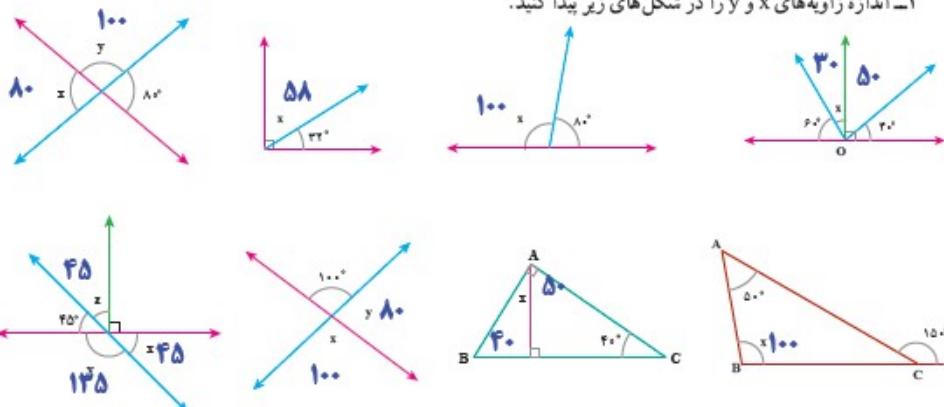


۴- به چندضلعی هایی که همه ضلع ها دو زاویه هایشان با هم متساوی است، چندضلعی منتظم گفته می شود. کدام شکل در فعالیت
قبل چندضلعی منتظم بود؟ B شش ضلع منتظم



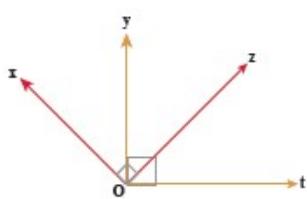
۱- یک مثال برای هر یک از زمان‌های بیانی بوسیله که عقره بین ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار زاویه راست، باز، تند و نیم صفحه را نشان دهد.

۲- اندازه زاویه‌های x و y را در شکل‌های زیر پیدا کنید.

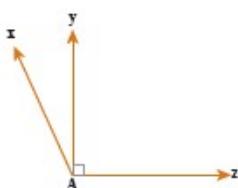


۳- در شکل مقابل می‌دانیم زاویه‌های $x\hat{O}y$, $x\hat{O}z$, $t\hat{O}y$, $x\hat{O}z = 90^\circ$ هستند.

چگونه می‌تواند نتیجه یگیرید که : $x\hat{O}y = t\hat{O}z$



$$\left. \begin{array}{l} x\hat{O}y + y\hat{O}z = 90^\circ \\ t\hat{O}z + y\hat{O}z = 90^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow x\hat{O}y = t\hat{O}z$$



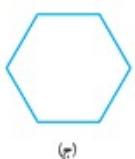
۴- در شکل مقابل اندازه زاویه $x\hat{A}z$ برابر 120° است.

زاویه $x\hat{A}y$ چه مکملی از $x\hat{A}z$ است؟

$$x\hat{A}y + y\hat{A}z = x\hat{A}z$$

$$x\hat{A}y + 90^\circ = 120^\circ \Rightarrow x\hat{A}y = 30^\circ \Rightarrow \frac{x\hat{A}y}{x\hat{A}z} = \frac{30^\circ}{120^\circ} = \frac{1}{4}$$

۵- شکل‌های زیر چه شجاعت‌هایی باهم دارند؟ چه تفاوت‌هایی باهم دارند؟



(ج)



(ب)

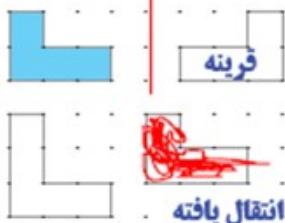


(الف)

شباخت ها: هر سه شکل شش ضلعی هستند و اندازه اضلاع آن برابر است

تفاوت ها: شکل های الف و ب (مقعر) و شکل ج (محض) است

خط نقارن



Donpolka.ir

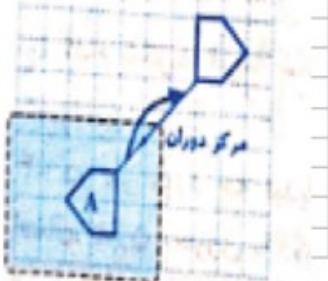
۱- به اندازه و جهت شکل‌های سفید نگاه کنید.
کدام یک از شکل‌ها، انتقال یافته شکل آبی است؟
این شکل را هاشور بزنید.

۲- کدام شکل قرینه شکل آبی است؟
خط نقلون متناسب با این نقارن را رسم کنید.

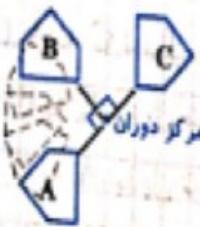
۲- اگر کاغذ پوستی را 180° درجه بچرخانید، تصویر شکل A مانند شکل رو به رو در صفحه قرار می‌گیرد. این تصویر حاصل دوران 180° درجه‌ای شکل A حول مرکز دوران است.



۳- باز هم کاغذ پوستی را روی شکل قرار دهید و با استفاده از آن تصویر حاصل از دوران 180° شکل A حول مرکز دوران جدید را بسازید.

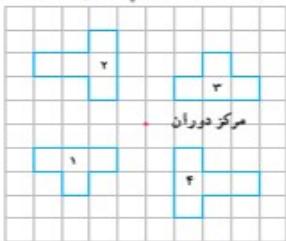
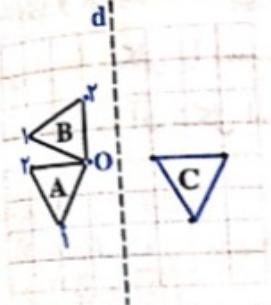


۴- با کمک کاغذ پوستی شکل A را حول مرکز دوران 90° درجه در جهت عقربه‌های ساعت بچرخانید. شکل B را حول مرکز دوران، 90° درجه در جهت عقربه‌های جرا در دوران 180° درجه لازم است جهت دوران را مشخص کنیم؛ اما در دوران 180° دیگران چنین کار نمی‌نمایند.



۰ در دوران 90° درجه با تغییر جهت شکل عوض می‌شود ولی در دوران 180° درجه با تغییر جهت شکل ثابت می‌ماند

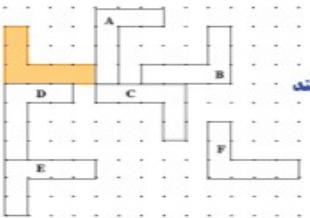
- ۱- الف) شکل A را 90° حول نقطه O در جهت عقربه های ساعت بچرخانید و شکل حاصل را B بنامید.
 ب) قرینه A را نسبت به خط d رسم کنید و آن را C بنامید.
 ج) آیا هر سه شکل با هم مساوی اند؟
با توجه به شکل بله مساوی اند



- ۲- الف) کدام شکل از دوران 180° درجه شکل ① در جهت عقربه های ساعت حول مرکز دوران بدست آمده است؟
۳

- ب) کدام شکل از دوران 180° درجه شکل ④ حول مرکز دوران بدست آمده است؟
۴

Donya.ir



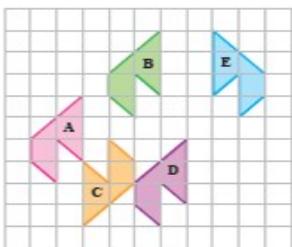
- ۳- همه شکل های مقابل با هم مساوی اند.

- الف) کدام شکل ها انتقال یافته شکل رنگی هستند؟ F (در انتقال جهت شکل تغییر نمیکند)

- ب) کدام شکل ها دوران یافته شکل رنگی هستند؟

- ج) کدام شکل ها قرینه شکل حرکت عقربه های ساعت و شکل C دوران 180° درجه

B و E



- ۴- در هر مورد چه تبدیلی انجام شده است؟ انتقال، تقارن محوری یا دوران؟

- الف) A به B تبدیل شده است. انتقال

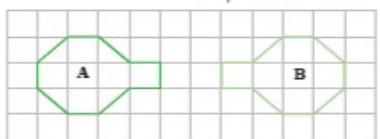
- ب) C به A تبدیل شده است. دوران

- ج) E به B تبدیل شده است. تقارن محوری

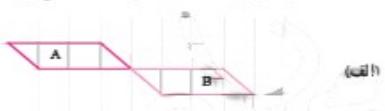
- د) D به A تبدیل شده است. انتقال

- ه) C به D تبدیل شده است. دوران

- ۵- در هر مورد با دو تبدیل مختلف می توان A را بر B منطبق کرد. این دو تبدیل را نام ببرید.



(ب)



(الف)

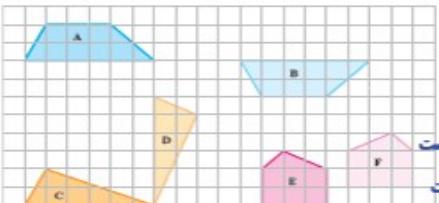
- ۶- در شکل مقابل کدام گل شکل مساوی، یک شکل و تبدیل یافته آن

- تنها با یک تبدیل (انتقال، تقارن پلدوران) پراشان می دهد؟

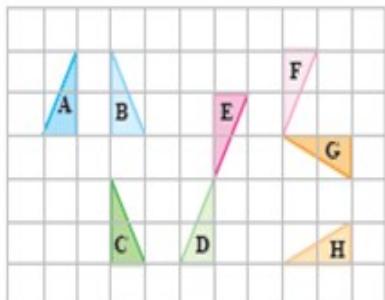
شکل های A و B و شکل های C و F

برای منطبق کردن A بر B یا برعکس به یک انتقال و یک تقارن محوری نیاز است

برای منطبق کردن E بر F یا برعکس به یک انتقال و یک تقارن محوری نیاز است



۱- الف) هر شکل با یک تبدیل، به شکل بعدی تبدیل شده است. روی هر پیکانه نوع تبدیل انجام شده (انتقال، تقارن یا دوران) را بنویسید.

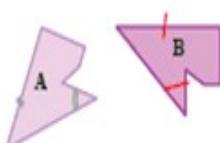


تقارن
A → B → C → D → E → F → G → H

ب) آیا شکل A با شکل H مساوی است؟ جواب

نه خود، H نسبت A نا تبدلات نلا مساشد
تقارن A → دوران E → انتقال D → تقارن C → انتقال B → تقارن H → G

۲- اگر بتوانیم شکلی را با یک چند تبدیل (انتقال، تقارن یا دوران) در صفحه بر شکل دیگر منطبق کیم، می‌گوییم این دو شکل باهم هم نهشت (مساوی)‌اند.

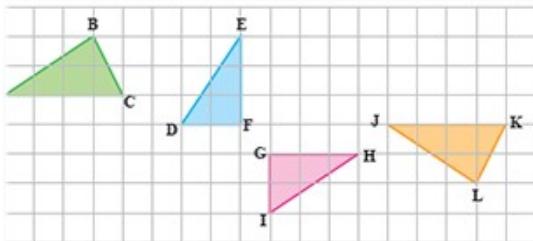


دو شکل مقابل با هم هم نهشت‌اند.

بک ضلع و بک زاویه از شکل A مشخص شده است.

ضلع و زاویه مساوی (متاظر) با آنها در شکل B را با علامت گذاری مشخص کنید.

۳- دو شکل مقابل هم نهشت‌اند. این عبارت را در ریاضی بضمورت ABCDB ≈ HGFKJ نمایش می‌دهیم.
در دو شکل هکسی هم نهشت، اجزای متاظر دو به دو با هم برابرند.
به جگونگی نمایش برای بک ضلع‌ها و زاویه‌ها در دو شکل بالا توجه کنید.

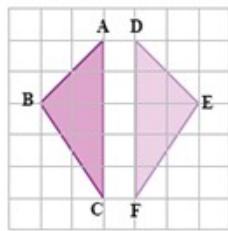


۱- مثلث‌های همنهشت را در شکل بیابید

و به زبان ریاضی بنویسید.

$$AB \wedge C = KJ \wedge L$$

$$DE \wedge F = GH \wedge I$$



۲- در شکل مقابل دو مثلث همنهشت دیده می‌شود.

ضلع‌ها و زاویه‌های مساوی دو شکل را با علامت گذاری مشخص کنید. تساوی اجزای متناظر این دو مثلث را کامل کنید.

$$\hat{A} = \hat{D}$$

$$\overline{AB} = DE$$

$$\hat{B} = \hat{E}$$

$$BC = EF$$

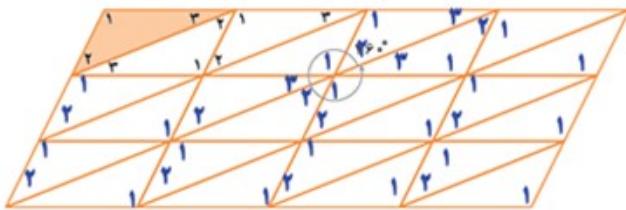
$$\hat{C} = \hat{F}$$

$$AC = DF$$

۱- با انجام تبدیلات متواالی روی یک مثلث، قسمتی از صفحه را پوشانده‌ایم. مثلث‌هایی را که از انتقال مثلث رنگی به دست آمده‌اند، رنگ کنید.

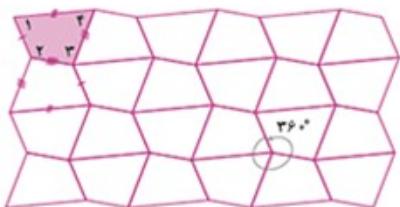
هریک از مثلث‌های سفید را می‌توان با دوران 180° درجه یکی از مثلث‌های رنگی به دست آورد.

زاویه‌های مساوی در همه مثلث‌ها را با شماره‌گذاری آنها مشخص کنید. آیا همه این مثلث‌ها با هم مساویند؟



۲- با انجام تبدیلات متواالی روی یک چهارضلعی قسمتی از صفحه را پوشانده‌ایم.

چهارضلعی‌هایی را که از انتقال چهارضلعی رنگی به دست آمده‌اند، رنگ کنید. با چه تبدیلی می‌توان چهارضلعی‌های سفید را به دست آورده؟

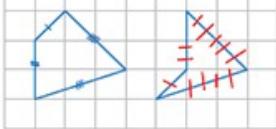


دوان
پضلع‌ها و زاویه‌های مساوی را با علامت گذاری مشخص کنید.

آیا هم‌باشند چهارضلعی‌ها با هم مساوی‌اند؟

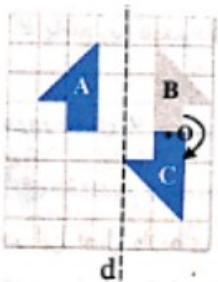
بله چون انتقال دونان اندازه شکل را تغییر نمیدهد

۱- در شکل مقابل مفهومی صلح های دو چهارضلعی، دو به دو با هم برابرند.
 الف) با عالمت گذاری مناسب تساوی ضلع ها را نمایش دهید.
 ب) آیا این دو چهارضلعی با هم مساوی اند؟

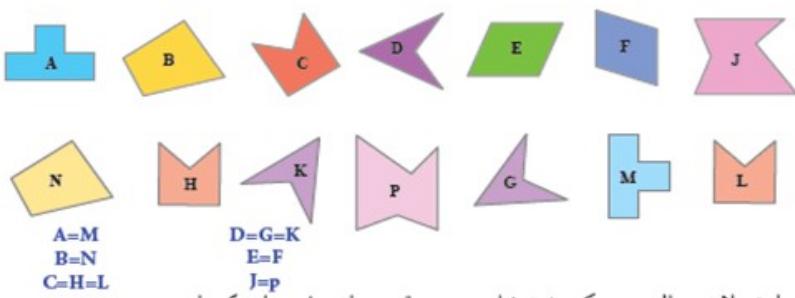


۲- می خواهیم شکل B را طوری رسم کنیم که بتوانیم با دو تبدیل متواالی، شکل A را بر شکل C منطبق کنیم. شکل B را رسم و روی هر بیکانه نوع تبدیل انجام شده را بنویسید.

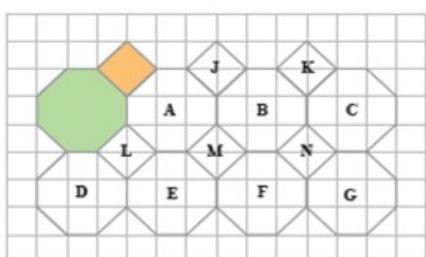
قارن محوری $A \rightarrow B \rightarrow C$ دوران



۳- به کمک کاغذ بوسی شکل های مساوی را پیدا کنید و تساوی شکل ها را به زبان ریاضی بنویسید.



۴- با انجام تبدیلات متواالی روی یک هشتضلعی و مریع، قسمتی از صفحه را پر کرده ایم.
 به چند طریق می توان تنها با یک تبدیل هشتضلعی رنگی را بر شکل C منطبق کرد؟



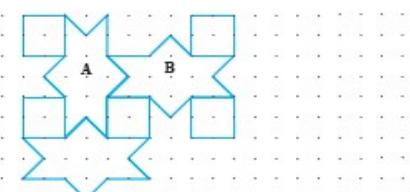
ب) تقارن محوری انتقال و دوران یعنی به سه طریق

DonyaLab.iR

۵- شکل زیر فرمی از کائی کاری یک بنای قدیمی را نشان می دهد.

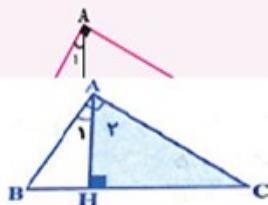
الف) چگونه می توان با دو تبدیل متواالی A را بر شکل B منطبق کرد؟

ب) با ادامه الگوی ایجاد شده، صفحه را پر کنید.



ابتدا شکل A را به اندازه 90° درجه حول نقطه O در
 جهت عقربه های ساعت دوران میدهیم سپس شکل
 حاصل را انتقال میدهیم تا روی شکل منتقل شود

در صورتی که تمرین‌های ترکیبی زیر را بتوانید انجام دهید، مطمئن می‌شوید که این فصل را به خوبی آموخته‌اید.



۱- چرا $\hat{A} = \hat{C}$ است؟

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 90^\circ \\ \hat{C} + \hat{A}_2 = 90^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C}$$

که پاسخ:

۲- قرینه شکل مقابله را نسبت به پاره خط BC پیدا کنید.

که پاسخ: مثلث $\triangle BCD$ قرینه مثلث $\triangle BCA$ نسبت به (خط تقارن) BC است.

دوران یافته شکل جدید را نسبت به نقطه C با دوران 90° در جهت حرکت عقربه‌های ساعت پیدا کنید. اجزاء متناظر شکل اول و آخر را با علامت گذاری مشخص کنید.

